1. Мяч бросили под углом α к плоской горизонтальной поверхности земли. Время полета мяча (в секундах) определяется по формуле $t=\dfrac{2v_0\sin\alpha}{g}$. При каком наименьшем значении угла α (в градусах) время полета будет не меньше 3 секунд, если мяч бросают с начальной скоростью $v_0=30$ м/с? Считайте, что ускорение свободного падения $g=10$ м/с^2.

2. Деталью некоторого прибора является квадратная рамка с намотанным на нее проводом, через который пропущен постоянный ток. Рамка помещена в однородное магнитное поле так, что она может вращаться. Момент силы Ампера, стремящейся повернуть рамку (в Н·м), определяется формулой $M=NIBl^2\sin\alpha$, где $I=2$ А — сила тока в рамке, $B=3\cdot10^{-3}$ Тл — значение индукции магнитного поля, $l=0{,}5$ м — размер рамки, $N=1000$ — число витков провода в рамке, α — острый угол между перпендикуляром к рамке и вектором индукции. При каком наименьшем значении угла α (в градусах) рамка может начать вращаться, если для этого нужно, чтобы раскручивающий момент M был не меньше 0,75 Н·м?

3. Датчик сконструирован таким образом, что его антенна ловит радиосигнал, который затем преобразуется в электрический сигнал, изменяющийся со временем по закону $U=U_0\sin(\omega t+\varphi)$, где t − время в секундах, амплитуда $U_0=2$ В, частота $\omega=120^\circ$ /с, фаза $\varphi=-30^\circ$. Датчик настроен так, что если напряжение в нем не ниже чем 1 В, загорается лампочка. Какую часть времени (в процентах) на протяжении первой секунды после начала работы лампочка будет гореть?

4. Очень легкий заряженный металлический шарик зарядом $q=2\cdot10^{-6}$ Кл скатывается по гладкой наклонной плоскости. В момент, когда его скорость составляет $v=5$ м/с, на него начинает действовать постоянное магнитное поле, вектор индукции B которого лежит в той же плоскости и составляет угол α с направлением движения шарика. Значение индукции поля $B=4\cdot10^{-3}$ Тл. При этом на шарик действует сила Лоренца, равная $F_л=qvB\sin\alpha$ (Н) и направленная вверх перпендикулярно плоскости. При каком наименьшем значении угла $\alpha\in[0^\circ;180^\circ]$ шарик оторвется от поверхности, если для этого нужно, чтобы сила $F_л$ была не менее чем $2\cdot10^{-8}$ Н? Ответ дайте в градусах.

5. Небольшой мячик бросают под острым углом α к плоской горизонтальной поверхности земли. Максимальная высота полета мячика, выраженная в метрах, определяется формулой $H=\dfrac{v_0^2}{4g}(1-\cos2\alpha)$, где $v_0=20$ м/с — начальная скорость мячика, а g — ускорение свободного падения (считайте $g=10$ м/с^2). При каком наименьшем значении угла α (в градусах) мячик пролетит над стеной высотой 4 м на расстоянии 1 м?

6. Небольшой мячик бросают под острым углом α к плоской горизонтальной поверхности земли. Расстояние, которое пролетает мячик, вычисляется по формуле $L=\dfrac{v_0^2}{g}\sin2\alpha$ (м), где $v_0=20$ м/с — начальная скорость мячика, а g — ускорение свободного падения (считайте $g=10$ м/с^2). При каком наименьшем значении угла (в градусах) мячик перелетит реку шириной 20 м?

7. Плоский замкнутый контур площадью $S=0{,}5$ м^2 находится в магнитном поле, индукция которого равномерно возрастает. При этом согласно закону электромагнитной индукции Фарадея в контуре появляется ЭДС индукции, значение которой, выраженное в вольтах, определяется формулой $\mathscr{E}_i=aS\cos\alpha$, где α — острый угол между направлением магнитного поля и перпендикуляром к контуру, $a=4\cdot10^{-4}$ Тл/с — постоянная, S — площадь замкнутого контура, находящегося в магнитном поле (в м^2). При каком минимальном угле α (в градусах) ЭДС индукции не будет превышать 10^{-4} В?

8. Трактор тащит сани с силой $F=80$ кН, направленной под острым углом α к горизонту. Работа трактора (в килоджоулях) на участке длиной $S=50$ м вычисляется по формуле $A=FS\cos\alpha$. При каком максимальном угле α (в градусах) совершенная работа будет не менее 2000 кДж?

9. Трактор тащит сани с силой $F=50$ кН, направленной под острым углом α к горизонту. Мощность (в киловаттах) трактора при скорости $v=3$ м/с равна $N=Fv\cos\alpha$. При каком максимальном угле α (в градусах) эта мощность будет не менее 75 кВт?

10. При нормальном падении света с длиной волны $\lambda=400$ нм на дифракционную решетку с периодом d нм наблюдают серию дифракционных максимумов. При этом угол φ (отсчитываемый от перпендикуляра к решетке), под которым наблюдается максимум, и номер максимума k связаны соотношением $d\sin\varphi=k\lambda$. Под каким минимальным углом φ (в градусах) можно наблюдать второй максимум на решетке с периодом, не превосходящим 1600 нм?

11. Два тела массой $m=2$ кг каждое, движутся с одинаковой скоростью $v=10$ м/с под углом 2α друг к другу. Энергия (в джоулях), выделяющаяся при их абсолютно неупругом соударении, определяется выражением $Q=mv^2\sin^2\alpha$. Под каким наименьшим углом 2α (в градусах) должны двигаться тела, чтобы в результате соударения выделилось не менее 50 джоулей?

12. Катер должен пересечь реку шириной $L=100$ м и со скоростью течения $u=0{,}5$ м/с так, чтобы причалить точно напротив места отправления. Он может двигаться с разными скоростями, при этом время в пути, измеряемое в секундах, определяется выражением $t=\dfrac{L}{u}\operatorname{ctg}\alpha$, где α — острый угол, задающий направление его движения (отсчитывается от берега). Под каким минимальным углом α (в градусах) нужно плыть, чтобы время в пути было не больше 200 с?

13. Скейтбордист прыгает на стоящую на рельсах платформу, со скоростью $\upsilon = 3$ м/с под острым углом α к рельсам. От толчка платформа начинает ехать со скоростью $u = \dfrac{m}{m+M}\upsilon\cos\alpha$ (м/с), где $m = 80$ кг — масса скейтбордиста со скейтом, а $M = 400$ кг — масса платформы. Под каким максимальным углом α (в градусах) нужно прыгать, чтобы разогнать платформу не менее чем до 0,25 м/с?

14. Груз массой 0,08 кг колеблется на пружине со скоростью, меняющейся по закону $\upsilon(t) = 0,5\sin\pi t$, где t − время в секундах. Кинетическая энергия груза, измеряемая в джоулях, вычисляется по формуле $E = \dfrac{m\upsilon^2}{2}$, где m − масса груза (в кг), υ − скорость груза (в м/с). Определите, какую долю времени из первой секунды после начала движения кинетическая энергия груза будет не менее $5\cdot 10^{-3}$ Дж. Ответ выразите десятичной дробью, если нужно, округлите до сотых.

15. Груз массой 0,08 кг колеблется на пружине со скоростью, меняющейся по закону $\upsilon(t) = 0,5\cos\pi t$, где t − время в секундах. Кинетическая энергия груза вычисляется по формуле $E = \dfrac{m\upsilon^2}{2}$, где m − масса груза (в кг), υ − скорость груза (в м/с). Определите, какую долю времени из первой секунды после начала движения кинетическая энергия груза будет не менее $5\cdot 10^{-3}$ Дж. Ответ выразите десятичной дробью, если нужно, округлите до сотых.

16. Скорость колеблющегося на пружине груза меняется по закону $\upsilon(t) = 5\sin\pi t$ (см/с), где t − время в секундах. Какую долю времени из первой секунды скорость движения превышала 2,5 см/с? Ответ выразите десятичной дробью, если нужно, округлите до сотых.