Найдите наименьшее значение функции $y = 4\operatorname{tg} x - 4x - \pi - 4$ на отрезке $\left[-\frac{\pi}{4}; \frac{\pi}{4}\right]$.